



Buxoro davlat universiteti
BUXORO, 200117, M.IQBOL ko'chasi, 11-uy, 2022



«AMALIY MATEMATIKA VA AXBOROT TEKNOLOGIYALARINING ZAMONAVIY MUAMMOLARI»
XALQARO ILMIY-AMALIY ANJUMAN

The poster features a blue background with several logos at the top right: the seal of the Republic of Uzbekistan, the seal of Tashkent State Transport University, the logo of Buxoro State University, and the seal of the Tashkent Mathematical Institute. The main title is centered in large, bold, dark blue font: «АМАЛИЙ МАТЕМАТИКА ВА АХБОРОТ ТЕХНОЛОГИЯЛАРИНИНГ ЗАМОНАВИЙ МУАММОЛАРИ». Below it, the subtitle «ХАЛҚАРО ИЛМИЙ-АМАЛИЙ АНЖУМАН» and the section title «МАТЕРИАЛЛАРИ» are also in large, bold, dark blue font. At the bottom left, the date «2022 йил, 11-12 май» is given. The bottom half of the poster shows a photograph of the modern white building of Buxoro State University with its name in blue letters on the facade. The overall design is professional and academic.

BUXORO – 2022

**ЎЗБЕКИСТОН РЕСПУБЛИКАСИ
ОЛИЙ ВА ЎРТА МАХСУС ТАЪЛИМ ВАЗИРЛИГИ
ЎЗБЕКИСТОН РЕСПУБЛИКАСИ ФАНЛАР АКАДЕМИЯСИ
В.И. РОМАНОВСКИЙ НОМИДАГИ МАТЕМАТИКА ИНСТИТУТИ
ЎЗБЕКИСТОН МИЛЛИЙ УНИВЕРСИТЕТИ
ТОШКЕНТ ДАВЛАТ ТРАНСПОРТ УНИВЕРСИТЕТИ
БУХОРО ДАВЛАТ УНИВЕРСИТЕТИ**

*Бухоро фарзанди, Беруний номидаги Давлат мукофоти лауреати, кўплаб
ёши изланувчиларнинг ўз йўлини топиб олишида раҳнамолик қилган етук
олим, физика-математика фанлари доктори Ғайбулла Назруллаевич
Салиховнинг 90 йиллик юбилейларига багишланади*

**АМАЛИЙ МАТЕМАТИКА ВА
АҲБОРОТ ТЕХНОЛОГИЯЛАРИНИНГ
ЗАМОНАВИЙ МУАММОЛАРИ**

**ХАЛҚАРО ИЛМИЙ-АМАЛИЙ АНЖУМАН
МАТЕРИАЛЛАРИ**

2022 йил, 11-12 май

БУХОРО – 2022

ТАШКИЛИЙ ҚЎМИТА

Фахрий раислар:

Аюпов Шавкат

Маджидов Иномжон

Абдурахманов Одил
Хамидов Обиджон

Раислар:

Розиков Ўткир

Арипов Мирсаид
Шадиметов Холмат
Дурдиев Дурдимурод

Раис ўринбосарлари:

Ҳаётов Абдулло

Худойберганов Мирзоали
Эшанқулов Ҳамза

В.И.Романовский номидаги Математика Институти
директори, академик

М.Улугбек номидаги Ўзбекистон Миллий Университети
ректори

Тошкент давлат транспорт университети ректори
Бухоро давлат университети ректори

ЎзФА Математика Институти илм-фан бўйича директор
ўринбосари, профессор

ЎзМУ, профессор
Тошкент давлат транспорт университети, профессор
ЎзФА Математика Институти Бухоро бўлими
мудири, профессор

В.И.Романовский номидаги Математика Институти,
профессор

ЎзМУ, ф.-м.ф.д.
БухДУ, факультет декани, т.ф.ф.д. (PhD)

ТАШКИЛИЙ ҚЎМИТА АЪЗОЛАРИ

Жўраев А.Т.

БухДУ, проректор

Жумаев Р.Ф.

БухДУ, проректор

Зарипов Г.Т.

БухДУ, доцент

Жумаев Ж.

БухДУ, доцент

Расулов Т.Х.

БухДУ, профессор

Жалолов О.И.

БухДУ, кафедра мудири, доцент

Шафиев Т.Р.

БухДУ, кафедра мудири, т.ф.ф.д.(PhD)

Бабаев С.С.

БухДУ, ф.-м.ф.ф.д.(PhD)

Ахмедов Д.М

В.И.Романовский номидаги Математика институти, (PhD)

Болтаев А.Қ

ЎзМУ, доцент

Дурдиев У.Д.

БухДУ, доцент

Дилмуродов Э.Б.

БухДУ, доцент

Жумаев Ж.Ж.

ЎзФА Математика Институти Бухоро бўлинмаси, (PhD)

Зарипова Г.К.

БухДУ, доцент

Сайдова Н.С.

БухДУ, доцент

Бакаев И.И.

Рақамли технологиялар ва сунъий интеллектни
ривожлантириш илмий-тадқиқот институти, (PhD)

Шадманов И.У.

Математика Институти Бухоро бўлинмаси, (PhD)

Хаятов Х.У.

БухДУ, катта ўқитувчи

Хазратов Ф.Х.

БухДУ, катта ўқитувчи

Эргашев А.А.

БухДУ, катта ўқитувчи

Авезов А.А

БухДУ, катта ўқитувчи

ДАСТУРИЙ ҚҮМИТА

Кабада Алберто	Испания
Загдхорол Баясгалан	Монголия
Марек Милош	Польша
Новак Эрих	Германия
Правен Агарвал	Хиндистон
Уранчимег Тудевдагя	Германия
Гасимов Юсуф	Азарбайжон
Ли Чанг-Ок	Жанубий Корея
Носков Михаил	Россия
Абдуллеав Бахром	Ўзбекистон
Адашев Жобир	Ўзбекистон
Алимов Шавкат	Ўзбекистон
Алоев Раҳматилло	Ўзбекистон
Апаков Ўсуфжон	Ўзбекистон
Арзикулов Фарходжон	Ўзбекистон
Арипов Мерсаид	Ўзбекистон
Ашурев Равшан	Ўзбекистон
Азамов Абдулла	Ўзбекистон
Бақоев Матёкуб	Ўзбекистон
Бегматов Абдували	Ўзбекистон
Бешимов Рўзиназар	Ўзбекистон
Бойтиллаев Дилмурод	Ўзбекистон
Болтаев Тельман.	Ўзбекистон
Ботиров Голиб	Ўзбекистон
Ганиходжаев Носир	Ўзбекистон
Ганиходжаев Расул	Ўзбекистон
Дурдиев Дурдимурод	Ўзбекистон
Дурдиев Умид	Ўзбекистон
Жалолов Озоджон	Ўзбекистон
Жамалов Сирожиддин	Ўзбекистон
Жамилов Уйғун	Ўзбекистон
Жўраев Файрат	Ўзбекистон
Зикиров Обиджон	Ўзбекистон
Ибрагимов Фоуржон	Малайзия
Икромов Истроил	Ўзбекистон
Имомқулов Севдиёр	Ўзбекистон
Имомназаров Холматжон	Россия
Каримов Эркинжон	Ўзбекистон
Кудайбергенов	Ўзбекистон
Каримберген	Ўзбекистон
Лақаев Сайдахмат	Ўзбекистон
Мадрахимов Шавкат	Ўзбекистон
Матёқубов Алишер	Ўзбекистон
Мирахмедов Шерзод	Ўзбекистон
Мўминов Баҳодир	Ўзбекистон
Мухамедов Фарруҳ	Бирлашган Араб Амирликлари
Нуралиев Фарҳод	Ўзбекистон
Одилова Фотима	Ўзбекистон
Омиров Баҳром	Ўзбекистон
Ортиқбоев Абдулазиз	Ўзбекистон
Пўлатов Асхад	Ўзбекистон

Равшанов Нормахмад	Ўзбекистон
Раимова Гулнора	Ўзбекистон
Рамазанов Марат	Ўзбекистон
Расулов Абдужаббор	Ўзбекистон
Расулов Тўлқин	Ўзбекистон
Рахимов Исомиддин	Малайзия
Рахматуллаев Музаффар	Ўзбекистон
Рахмонов Зафар	Ўзбекистон
Рўзиев Менглибай	Ўзбекистон
Рустамов Ҳаким	Ўзбекистон
Садуллаев Азимбой	Ўзбекистон
Саматов Бахром	Ўзбекистон
Солеев Ахмаджон	Ўзбекистон
Тешаев Мухсин	Ўзбекистон
Тохиров Жозил	Ўзбекистон
Умаров Собир	АҚШ
Ўринов А.К.	Ўзбекистон
Фармонов Ш.Қ	Ўзбекистон
Хаджиев Джавват	Ўзбекистон
Халмухamedов А.Р.	Ўзбекистон
Холхўхаев Аҳмад	Ўзбекистон
Худойберганов Гулмирза	Ўзбекистон
Худойберганов Мирзоали	Ўзбекистон
Худойбердиев Аброр	Ўзбекистон
Хўжаёров Бахтиёр	Ўзбекистон
Ҳаётов Абдулло	Ўзбекистон
Ҳакимов Рустам	Ўзбекистон
Ҳасанов Анваржон	Ўзбекистон
Ҳусанбаев Ёқубжон	Ўзбекистон
Шадиметов Холматвай	Ўзбекистон
Шарипов Олимжон	Ўзбекистон
Шафиев Турсун	Ўзбекистон
Шоимқулов Баҳодир	Ўзбекистон
Шораҳметов Шотурғун	Ўзбекистон
Эшанқулов Ҳамза	Ўзбекистон
Эшқабилов Юсуп	Ўзбекистон
Эшматов Фарход	Ўзбекистон

КОНФЕРЕНЦИЯ КОТИБЛАРИ

Ҳазратов Ф.Ҳ., Эргашев А.А., Авезов А.А., Зарипов Н.Н., Қобилов К.Ҳ.

Тўплам Ўзбекистон Республикаси Вазирлар Маҳкамасининг 2022 йил 7 мартдаги 101-ф-сонли фармойиши билан тасдиқланган Ўзбекистон Республикасида 2022 йилда ҳалқаро ва республика миқёсида ўтказиладиган илмий ва илмий-техник тадбирлар режасида белгиланган тадбирларнинг бажарилишини таъминлаш мақсадида 2022 йил 11-12 май кунлари Ўзбекистон Республикаси Фанлар Академияси В.И. Романовский номидаги математика институти, Ўзбекистон миллий университети, Тошкент давлат транспорт университети ҳамда Бухоро давлат университети ҳамкорлигида “Амалий математика ва ахборот технологияларининг замонавий муаммолари” мавзусидаги ҳалқаро илмий-амалий анжуман материаллари асосида тузилди.

KILLING VEKTOR MAYDONLAR GEOMETRIYASI

Boysunova M.Y.

O'zbekiston Milliy Universiteti

Ta'rif-1. Agar G to'plamga tegishli har bir p nuqtaga bitta $X(p)$ vektor mos qo'yilsa, bu moslik **vektor maydon** deb ataladi.

Ta'rif-2 Birorta G sohada X vektor maydon berilgan bo'lib va shu sohada $\vec{p} = \vec{p}(t)$ tenglama bilan aniqlangan differensialanuvchi γ chiziq ham berilgan bo'lgin. Agar har bir t uchun $\vec{p}'(t) = X(\gamma(t))$ bo'lsa γ chiziq X vektor maydonning **integral chizig'i** deyiladi.

Ta'rif 3. Berilgan X vektor maydonning $t=0$ da p nuqtadan o'tuvchi chiziqni $\gamma(t, p)$ bilan belgilasak, $p \rightarrow X^t(p)$ aksalntirishlar oilasi X vektor **maydonning oqimi** deyiladi.

Ta'rif 4. Agar har bir t nuqta uchun

$$x \rightarrow \gamma(t, x)$$

akslantirish izometrik akslantirish bo'lsa, X vektor maydon **Killing vektor maydoni** deb ataladi.

Boshqacha qilib aytganda M ko'pxillikda berilgan X vektor maydon hosil qilgan bir parametrlidiffeomorfizmlar oilasi M ko'pxillikda izometrik akslantirishdan iborat bo'lsa X vektor maydon Killing vektor maydoni deb ataladi.

Uch o'lchovli Yevklid $R^3(x, y, z)$ fazosida oltita chiziqli erkli Killing vektor maydonlari bor.

$$\begin{aligned} X_1 &= \frac{\partial}{\partial x}, X_2 = \frac{\partial}{\partial y}, X_3 = \frac{\partial}{\partial z}, \\ X_4 &= z \frac{\partial}{\partial y} - y \frac{\partial}{\partial z}, X_5 = -z \frac{\partial}{\partial x} + x \frac{\partial}{\partial z}, X_6 = y \frac{\partial}{\partial x} - x \frac{\partial}{\partial y} \end{aligned}$$

vektor maydonlardan quyida keltirilgan almashtirish gruppalarini, mos o_x, o_y va o_z o'qlari yo'naliishi bo'yicha parallel ko'chirish gruppalarini bo'ladi, oxirgi uchtasi esa mos o_x, o_y va o_z o'qlar atrofida aylanish gruppalarini bo'ladi.

Biz to'rt o'lchamli $R^4(x_1, x_2, x_3, x_4)$ evklid fazosida

$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 = 1$$

tenglamani uch o'lchamli S^3 sferada qaraymiz. Bu fazoda berilgan

$$X = -x_4 \frac{\partial}{\partial x_1} + x_1 \frac{\partial}{\partial x_4}$$

vektor maydon sferaga urinadi.

Teorema. Uch o'lchamli sferada X vektor maydonning maxsus nuqtalari

$$\begin{cases} x_1 = 0 \\ x_4 = 0 \end{cases}$$

tenglamalar sistemasi bilan berilgan tekislikda yotuvchi $x_2^2 + x_3^2 = 1$ aylana nuqtalaridan iborat, maxsus bo'limgan nuqtalar uchun uning integral chiziqlari

$$\begin{cases} x_2 = c_2 = \text{const} \\ x_3 = c_3 = \text{const} \end{cases}$$

tekislikda yotuvchi

$$x_1^2 + x_4^2 = 1 - (c_2^2 + c_3^2)$$

aylanalardan iborat.

ADABIYOTLAR

1. А.Я.Нарманов. Дифференциал геометрия. Тошкент: Унверситет. 2003.

2. Ольвер П Приложения группы Ли К дифференциальным уравнениям.

FINITENESS OF THE DISCRETE SPECTRUM OF THE LATTICE SPIN-BOSON HAMILTONIAN WITH AT MOST TWO PHOTONS

^{1,2}Dilmurodov E.B., ^{1,2}Rasulov T.H.

^{1,2}Bukhara State University, Bukhara, Uzbekistan

^{1,2}Bukhara branch of the Institute of Mathematics, Bukhara, Uzbekistan

E-mail: elyor.dilmurodov@mail.ru, rth@mail.ru

Block operator matrices are matrices where the entries are linear operators between Banach or Hilbert spaces [1]. One special class of block operator matrices are Hamiltonians associated with systems of non-conserved number of quasi-particles on a lattice. Their number can be unbounded as in the case of spin-boson models or bounded as in the case of "truncated" spin-boson models. In this note we consider a lattice spin-boson Hamiltonian with at most two photons. The standard spin-boson Hamiltonian with at most two photons was completely studied in [2] for small values of the coupling constant.

Let T^3 be the three-dimensional torus, $\mathcal{H}_0 \doteq C$ be the set of all complex numbers, $\mathcal{H}_1 \doteq L_2(T^3)$ be the Hilbert space of square integrable (complex) functions defined on T^3 , $\mathcal{H}_2 \doteq L_2^{\text{sym}}(T^3)^2$ be the Hilbert space of square integrable (complex) symmetric functions defined on $(T^3)^2$ and $\mathcal{H} = \mathcal{H}_0 \oplus \mathcal{H}_1 \oplus \mathcal{H}_2$.

We consider a lattice spin-boson Hamiltonian A_2 with most two photons. Then [3] the operator A_2 act on $C^2 \otimes \mathcal{H}$ and has the 3×3 tridiagonal block operator matrix representation

$$A_2 \doteq \begin{pmatrix} A_{00} & A_{01} & 0 \\ A_{01}^* & A_{11} & A_{12} \\ 0 & A_{12}^* & A_{22} \end{pmatrix},$$

where the matrix entries A_{ij} , $i, j = 0, 1, 2$, $i \leq j$, are defined by

$$\begin{aligned} A_{00}f_0^{(s)} &= \varepsilon f_0^{(s)}, \quad A_{01}f_1^{(s)} = \alpha \int_{T^3} v(t) f_1^{(-s)}(t) dt, \\ (A_{11}f_1^{(s)})(k_1) &= (\varepsilon s + w(k_1)) f_1^{(s)}(k_1), \quad (A_{12}f_2^{(s)})(k_1) = \alpha \int_{T^3} v(t) f_2^{(-s)}(k_1, t) dt, \\ (A_{22}f_2^{(s)})(k_1, k_2) &= (\varepsilon s + w(k_1) + w(k_2)) f_2^{(s)}(k_1, k_2). \end{aligned}$$

Here $s = \pm$ and $f = \{f_0^{(s)}, f_1^{(s)}, f_2^{(s)}; s = \pm\} \in C^2 \otimes \mathcal{H}$.

We make the following assumptions: $\varepsilon > 0$; the dispersion $w(\cdot)$ is a non negative analytic function on T^3 and has the non-degenerate minimum at the points $(x_1^{(i)}, x_2^{(i)}, x_3^{(i)}) \in T^3$, $i = 1, \dots, n$, $n < \infty$; $v(\cdot)$ is a real-valued analytic function on T^3 ; the coupling constant $\alpha > 0$ is an arbitrary.

Recall that the location of the essential spectrum of A_2 for 1D case was described in [3]. The results were obtained by considering a more general model H for which the lower bound of its essential spectrum is estimated. Conditions which guarantee the finiteness of the number of eigenvalues of H below the bottom of its essential spectrum were found. It was shown that the discrete spectrum might be infinite if the parameter functions are chosen in a special form.

Let $E_{\min} \doteq \min \sigma_{\text{ess}}(A_2)$.

Theorem. For all values of the coupling constant $\alpha > 0$ the operator A_2 has a finitely many eigenvalues smaller than E_{\min} .

REFERENCES.

1. C. Tretter. Spectral theory of block operator matrices and applications. Imperial College Press, 2008.
2. R.A. Minlos, H. Spohn. The three-body problem in radioactive decay: the case of one atom and at most two photons. Topics in Statistical and Theoretical Physics. Amer. Math. Soc. Transl., Ser. 2, 177, AMS, Providence, RI, 1996, 159–193.
3. M. Muminov, H. Neidhardt, T. Rasulov. On the spectrum of the lattice spin-boson Hamiltonian for any coupling: 1D case. J. Math. Phys., 56 (2015), 053507.

ON AN EXAMPLE OF A SEMIRING WHICH IS NOT IDEMPOTENT Eshimbetov M.R.

Institute of Mathematics named after V.I.Romanovskiy, Tashkent, Uzbekistan
mr.eshimbetov@gmail.com

Let $[a, b]$ be a closed subinterval of $[-\infty, +\infty]$ (in some cases we will also take semiclosed subintervals). The full order on $[a, b]$ will be denoted by \prec .

Definition 1. The operation \oplus (pseudo-addition) is a function $\oplus: [a, b] \times [a, b] \rightarrow [a, b]$ which is commutative, nondecreasing (with respect to \prec), associative and with a zero element, denoted by $\mathbf{0}$, i. e. $\mathbf{0} \oplus x = x$ for each $x \in [a, b]$ (usually $\mathbf{0}$ is either a or b).

Let $[a, b]_+ = \{x: x \in [a, b], x \succ \mathbf{0}\}$.

МУНДАРИЖА

Обиджон Хамидов. КИРИШ СҮЗИ	5
Х.М.Шадиметов. ЗАМЕЧАТЕЛЬНЫЙ МАТЕМАТИК И ПЕДАГОГ	6

I ШЎЬБА. МАТЕМАТИК АНАЛИЗ. MATHEMATICAL ANALYSIS.....8

Abdullaev J.I., Khalkhuzhaev A.M.ON THE LOCATION OF AN EIGENVALUE OF THE SCHRÖDINGER OPERATOR ON THE THREE DIMENSIONAL LATTICE	8
Absalamov A.T., Ziyadinov B.A. THE DYNAMICAL SYSTEM ON THE INVARIANT CURVE OF A NONLINEAR OPERATOR	8
Akramova D.I, Ikromov I.A. ON ESTIMATES FOR CONVOLUTION OPERATORS RELATED TO STRICTLY HYPERBOLIC EQUATIONS	9
Alimov A.A. A SEPARABILITY CRITERION FOR IDEALS OF COMPACT OPERATORS	10
Aliyev A.F., Tirkasheva G.D.HAUSDORFF DIMENSION OF INVARIANT MEASURE OF PIECEWISE LINEAR CIRCLE MAPS WITH TWO BREAKS	11
Allaberganov O. C\N- PARABOLIK KO'PXILLIKDA POLINOMLAR FAZOSI	12
Mamurov B.J. REGULARITY OF A NON-VOLTERRA QUADRATIC STOCHASTIC OPERATOR ON THE 2D SIMPLEX	13
Bahronov B.I., Rasulov T.H.EXISTENCE OF THE EIGENVALUES OF A TENSOR SUM OF THE FRIEDRICH'S MODELS WITH RANK 2 PERTURBATION	14
Boysunova M.Y. KILLING VEKTOR MAYDONLAR GEOMETRIYASI.....	16
Dilmurodov E.B., Rasulov T.H. FINITENESS OF THE DISCRETE SPECTRUM OF THE LATTICE SPIN-BOSON HAMILTONIAN WITH AT MOST TWO PHOTONS	16
Eshimbetov M.R. ON AN EXAMPLE OF A SEMIRING WHICH IS NOT IDEMPOTENT	17
Eshimova M.K. A NEW EQUIVALENT CONDITION FOR BOUNDEDNESS OF HARDY-VOLTERRA OPERATOR.....	19
Ikromov I.A., Safarov A.R. ESTIMATES FOR TWO-DIMENSIONAL INTEGRALS WITH MITTAG-LEFFLER FUNCTIONS.....	20
Jamilov U. U., Aralova K. A. THE DYNAMICS OF SUPERPOSITION OF NON-VOLTERRA QUADRATIC STOCHASTIC OPERATORS	20
Karimov J.J., Ibodullayeva H.F. RETURN TIMES FOR CIRCLE HOMEOMORPHISMS WITH SOME IRRATIONAL ROTATION NUMBER	22
Khalkhuzhaev A.M., Boymurodov J.H. EXISTENCE OF EIGENVALUES OF THE SCHRÖDINGER OPERATOR ON A LATTICE.....	23
Khalkhuzhaev A.M., Khamidov Sh.I., Mahmudov H.Sh. ON THE EXISTENCE OF EIGENVALUES OF THE ONE PARTICLE DISCRETE SCHRÖDINGER OPERATOR	24
Kholbekova S.M. 2-LOCAL *-ANTIAUTOMORPHISM OF $M_n(\mathbb{C})$ IS AN INNER *-ANTIAUTOMORPHISM	25
Kuliev K. ESTIMATES FOR THE NORM OF AN INTEGRAL OPERATOR WITH OINAROV'S KERNEL.....	26
L. M. Lugo, Juan E. Nápoles Valdés, Miguel Vivas-Cortez. SOME COMPLEMENTARIES NOTES TO MULTI-INDEX GENERALIZED CALCULUS	27
Latipov H.M., Rasulov T.H. QUARTIC NUMERICAL RANGE OF A TRIDIAGONAL 4×4 OPERATOR MATRICES.....	28
Luciano M. Lugo Motta Bittencurt. THE GENERALIZED FRACTIONAL DIFFERENTIAL EQUATION OF LAGUERRE TYPE	29
Madatova F.A. THE SPECTRUM OF THE DISCRETE SCHRÖDINGER OPERATOR WITH TWO-RANK PERTURBATION	29
Mahmudov B.E. ERDOSH TIPIDAGI MAXSUSLIKALAR HAQIDA	30
Mamadiyev F.R. TASHQI INVESTITSIYALAR HAJMI UCHUN STATISTIK TAHLIL ASOSIDA BASHORAT MODELI.....	31
Masharipov S. CONNECTION OF BISTOCHASTIC MATRICES WITH QUADRATIC OPERATORS	32
Muhamedov A. CONVERGENCE OF KERNEL ESTIMATORS OF A DENSITY FUNCTION FROM STATIONARY SEQUENCE OF STRONGLY LINEARLY POSITIVE QUADRANT DEPENDENT RANDOM VARIABLES	33