

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI OLIY VA O'RTA
MAXSUS TA'LIM VAZIRLIGI**

BUXORO DAVLAT UNIVERSITETI



**MAXSUS FUNKSIYALAR NAZARIYASI
FAN DASTURI**

Ta'lim sohasi: **500 000** – **TABIY FANLAR, MATEMATIKA VA STATISTIKA**
Ta'lim yo'nalishi: **60540100** – **Matematika**
Mutaxassislik: **70540101** – **Matematika (yo'nalishlar bo'yicha)**

Buxoro - 2022

Fan/modul uchun mas'ul:

F.M.Jo'rayev - BuxDU "Differensial tenglamalar" kafedrasi katta o'qituvchisi.

Taqrizchi:

U.D. Durdiyev - Buxoro davlat universiteti "Differensial tenglamalar" kafedrasi mudiri.

Z.R. Bozorov - V.I. Romanovskiy nomidagi Matematika instituti Buxoro bo'linmasi katta ilmiy xodimi (PhD).

BuxDU fizika – matematika fakulteti dekagi:

2022 yil "29" "08"



H.O.Jo'rayev

"Differensial tenglamalar" kafedrasi mudiri :

2022 yil "29" "08"

U.D.Durdiyev

Fan/Modul kodi MFN22305	O'quv yili 2022-2023	Semestr 5	ECTS-Kreditlar 5	
Fan/Modul turi Qo'shimcha	Ta'lim tili O'zbek/rus		Haftadagi dars soatlari 5-semestr – 4	
1.	Fanning nomi	Auditoriya mashg'ulotlari (soat)	Mustaqil ta'lim(soat)	Jami yuklama(soat)
	Maxsus funksiyalar nazariyasi	60	90	150
2. I. Fanning mazmuni va maqsadi.				
Fanning o'qitishning maqsadi – talabalarga maxsus funksiyalar qatnashgan differensial tenglamalarning yechimlarining ta'rifī hamda asosiy chegaraviy masalalarning yechimlari mayjudligi va yagonaligi isbotlashni o'rgatadi. Matematik modellar uchun masalarning berilishiga qarab, ularning yechimining mavjudligi, yagona ekanligi, boshlang'ich va chegaraviy shartlarga hamda tenglamada qatnashgan parametrlarga uzlusiz bog'liq ekanligini isbotlashdan iborat.				
Fanning o'qitishning vazifalari:				
Maxsus funksiyalar nazariyasi fani bilan shug'ullangan talabalar xususiy hosilali differensial tenglamalar va ularning teskari masalalari yechimlari to'g'risida tushunchalar. Korrekt qo'yilgan masalalar, Gyolder funksiyalar fazosi, Maxsus funksiyalar, Mittag-Leffler funksiyasi, Riman-Liuivill ma'nosidagi kasr-tartibli integral va hosila, Integral almashtirishlar, Kaputo kasr tartibli hosilasi va uning Laplas almashtirishlarini o'rganish va o'rganilgan bilimlarni amaliyotga ko'llashni o'rganishdan iborat.				
II. Asosiy nazariy qism(ma'ruza mashg'ulotlari)				
II.I. Fan tarkibiga quyidagi mavzular kiradi:				
1-mavzu: I-tur va II-tur Eyler integrallari haqida tushun. Beta-funksiya, Gamma-funksiyalarning xossalari. Gamma-funksiya va Beta funksiyalarning o'zaro bog'liqligi.				
2-mavzu: Cheksiz ko'paytmalari. Eyler-Gaus formulasi va undan chiqadigan natijalar.				
3-mavzu: Veyershtrass formulasi. Gamma-funksyaning logarifmik hosilasi. Gamma-funksyaning ba'zi tadbiqlari.				
4-mavzu: Gamma-funksiyani kompleks tekislikda analitik davom ettirish. Gamma-funksiyaning konturli integral ko'rinishi.				

5-mavzu: Funksiyalarni asimptotik tasvirlash. Gamma funksiyani asimptotik tasviri.
6-mavzu: Gipergeometrik funksiya. Gipergeometrik funksiyaning xossalari.
7-mavzu: Ba'zi funksiyalarni gipergeometrik funksiyalar orqali ifodalash.
8-mavzu: Ba'zi silindrik funksiyalarni gipergeometrik funksiya orqali ifodalash.
9-mavzu: Aynigan Gipergeometrik funksiya.
10-mavzu: Differensial tenglamalarni maxsus nuqtalari
11-mavzu: Silindrik funksiyalar. Bessel tenglamasini integrallash.
12-mavzu: Rekurent formulalar. Bessel tenglamasini tadqiqlash.
13-mavzu: II-tur silindrik funksiyalar.
14-mavzu: Neyman va Hankel funksiyalari.
15-mavzu: Kelvin funksiyasi

III. Amaliy mashg'ulotlari bo'yicha ko'rsatma va tavsiyalar.

Amaliy mashg'ulotlardan maqsad ma'ruza materiallari bo'yicha talabalarning bilim va ko'nikmalarini chuqurlashtirish va kengaytirishdan iborat. Bunda talabalar amaliy mashg'ulotlarda misol va masalalarni yechishda, misollarni tahlil qilishda olgan nazariy bilimlarini qo'llay olishlari nazarda tutiladi.

IV.“ Maxsus funksiyalar nazariysi” fani bo'yicha amaliy mashg'ulotlarda quyidagi mavzular tavsiya etiladi.

1-mavzu: I-tur va II-tur Eyler integrallari haqida tushun. Beta-funksiya, Gamma-funksiyalarning xossalari. Gamma-funksiya va Beta funksiyalarning o'zaro bog'liqligi.
2-mavzu: Cheksiz ko'paytmalar. Eyler-Gaus formulasi va undan chiqadigan natijalar.
3-mavzu: Veyershtrass formulasi. Gamma-funksiyaning logarifmik hosilasi. Gamma-funksiyaning ba'zi tadbiqlari.
4-mavzu: Gamma-funksiyani kompleks tekislikda analitik davom ettirish. Gamma-funkiyaning konturli integral ko'rinishi.
5-mavzu: Funksiyalarni asimptotik tasvirlash. Gamma funksiyani asimptotik tasviri.
6-mavzu: Gipergeometrik funksiya. Gipergeometrik funksiyaning xossalari.
7-mavzu: Ba'zi funksiyalarni gipergeometrik funksiyalar orqali ifodalash.
8-mavzu: Ba'zi silindrik funksiyalarni gipergeometrik funksiya orqali ifodalash.
9-mavzu: Aynigan Gipergeometrik funksiya.
10-mavzu: Differensial tenglamalarni maxsus nuqtalari
11-mavzu: Silindrik funksiyalar. Bessel tenglamasini integrallash.

12-mavzu: Rekurent formulalar. Bessel tenglamasini tadqiqlash.

13-mavzu: II-tur silindrik funksiyalar.

14-mavzu: Neyman va Hankel funksiyalari.

15-mavzu: Kelvin funksiyasi

Mashg'ulotlar faol va interaktiv metodlar yordamida o'tilishi, mos ravishda munosib pedagogik va axborot texnologiyalar qo'llanilishi maqsadga muvofiq.

Izoh: Ishchi dasturni shakllantirish jarayonida mazkur mashg'ulot turiga ishchi o'quv rejada ajratilgan soat hajmiga mos mavzular tanlab o'qitish tavsiya etiladi.

V. Mustaqil ta'limga va mustaqil ishlarni bajaradilar.

Talaba mustaqil ta'limga asosiy maqsadi- o'qituvchining rahbarligi va nazaratida muayyan o'quv ishlarni mustaqil ravishda bajarish uchun bilim va ko'nikmalarni shakllantirish va rivojlantirish.

Mustaqil ishlarni bajarish jarayonida talabalar quyidagi ishlarni bajaradilar:

-derslik va o'quv qo'llanmalar asosida fan mavzulari bo'yicha nazariy tayyorgarlik ko'rish, amaliy va laboratoriya mashg'ulotlariga tayyorlanish;
-tarqatma materiallar bo'yicha ma'ruza mashg'ulotlarini chuqur o'zlashtirish;
-fan dasturida ko'rsatilmagan dasturlash tillari va muhitlari bilan tanishish va qiyosiy tahlil qilish;
-masofaviy ta'limga orqali dasturlash bilan turdosh fanlar bo'yicha o'quv kurslarida qatnashish va mos sertifikatlarga ega bo'lish tavsiya etiladi.

Talaba mustaqil ishni tashkil etishda quyidagi shakllardan foydalanadi:

berilgan mavzular bo'yicha axborot (referat) tayyorlash;
nazariy bilimlarni amaliyotda qo'llash;
maket, model va namunalar tayyorlash va h.k.

Mustaqil ishlarning tavsiya etiladigan mavzulari:

1. Volterranning birinchi tur integral tenglamasi
2. Abel integral tenglamasi
3. Volterranning chiziqli bo'lmagan tenglamalari
4. To'la uzlusiz operatorlar va Riss—Shauder tenglamalari
5. Operatorlar to'g'risida asosiy tushunchalar

	<p>6. Chegaralangan operatorli tenglamalarni ketma-ket</p> <p>7. yaqinlashish usuli bilan yechish</p> <p>8. Kompakt to'plamlar</p> <p>9. To'lal uzlusiz operatorlar</p> <p>10. Riss—Shauder tenglamalari</p> <p>11. Simmetrik yadroli integral tenglamalar</p> <p>12. Simmetrik yadrolar</p> <p>13. Simmetrik yadro xos sonining mavjdligi</p> <p>14. Gilbert—Shmidt teoremasi</p> <p>15. Bichiziqli qator</p> <p>16. Simmetrik integral tenglamalarni yechish</p> <p>17. Simmetrik yadrolar klassifikatsiyasi (tasnifi). Merser teoremasi</p> <p>18. Xos sonlar va xos funksiyalarning ekstremal xossalari</p> <p>19. Simmetrik integral tenglamalarga keladigan integral tenglamalar</p> <p>20. Oddiy differensial tenglama uchun chegaraviy</p> <p>21. masalani integral tenglamaga keltirish</p> <p>22. Singulyar integral tenglamalar</p> <p>23. Umumiy mulohazalar va misollar</p> <p>24. Koshi tipidagi integral</p> <p>25. Koshi yadroli singulyar integral tenglamalar</p> <p>26. Riman masalasi</p> <p>27. Singulyar integral tenglamalarni yechish</p> <p>Izoh: Mustaqil ta'lim soatlari hajmlaridan kelib chiqib ishchi dasturda mazkur mavzulardan mustaqil ta'lim mavzulari shakllantiriladi.</p>
3.	<p>VI. Fan o'qitilishining natijalari. (shakllanadigan kompetensiyalar)</p> <p>Fanni o'zlashtirish natijasida talaba:</p> <ul style="list-style-type: none"> ▪ Algebraik tenglamalarni analitik va raqamli yechishda, tenglamalar sistemalarini analitik va raqamli yechishda qo'llay olish ko'nikmalariga ega bo'lishi kerak. ▪ Matematik belgilar, oddiy tizimlar yordamida jarayonlarni matematik modellashtirish, muayyan iqtisodiy jarayon uchun modellar qurish, qurilgan model asosida hisoblar olib borishni bilishi va bu bilimlarni eksperiment ma'lumotlarini ishlab chiqishning aosiy usul va yo'riqlaridan foydalana bilish

	<p>va ularidan foydalana olish.</p> <ul style="list-style-type: none"> ▪ Talaba nazariy bilimlarni puxta o'zlashtirgan bo'lishi, mavzularning mohiyatini tushungan bo'lishi va amaliy masalalarni yechishda nazariy bilimlarni tadbiq eta olish malakasiga ega bo'lishi kerak.
4.	<p>VII. Ta'lim texnologiyalari va metodlari:</p> <ul style="list-style-type: none"> ▪ ma'ruzalar. ▪ interfaol keys-stadilar. ▪ seminarlar(mantiqiy fikrlash, tezkor savol-javoblar). ▪ guruhlarda ishlash. ▪ taqdimotlarni tayyorlash.
5.	<p>VII. Kreditlarni olish uchun talablar:</p> <p>Fanga oid nazariy va uslubiy tushunchalarni to'la o'zlashtirish, tahlil natijalarini to'g'ri aks ettira olish, o'rganilayotgan jarayonlar haqida mustaqil mushohada yuritish va joriy, oraliq nazorat shakllarida berilgan vazifa va topshiriqlarni bajarish, yakuniy nazorat bo'yicha yozma ishni topshirish.</p>
6.	<p>Asosiy darslik va o'quv qo'llanmalar</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Смирнов В. И. Курс высшей математики, т. I, 11-е издание, 1948. 2. Смирнов В. И. Курс высшей математики, т. II, 9-е издание, 1948. 3. Смирнов В. И. Курс высшей математики, т. III, ч. 2, 4-название, 1949. 4. Фихтенгольц Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления, т. II, 3-е издание, 1951. 5. Лебедев Н. Н. Специальные функции и их приложения, 1953. 6. Матвеев Н. М Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений, 1955. 7. Кузьмин Р. О. Бесселевы функции, 2-е издание, 1935. 8. Тихонов А. Н. и Самарский А. А. Уравнения математической физики, 2-е издание, 1953. 9. Грей Э. и Мэтьюз Г. Б. Функции Бесселя и их приложения к физике и механике, 2-е издание, 1953. 10. Курант Р. и Гильберт Д. Методы математической физики, т. I, 1952. 11. Уиттекер Е. и Ватсон Г. Курс современного анализа, ч. 2, 1934. 12. Ватсон Г. Теория бесселевых функций, 1949. 13. Якоби Е. и Эмде Ф. Таблицы функций с формулами и кривыми, 1948. 14. Рыжик И. М. и Градштейн И. С. Таблицы интегралов, сумм, рядов и произведений, 3-е издание, 1951.
7.	<p>Buxoro davlat universitetida ishlab chiqilgan va tasdiqlangan.</p>
8.	<p>Fan/Modul uchun mas'ullar:</p>

	F.M.Jo'rayev - BuxDU "Differensial tenglamalar" kafedrasi katta o'qituvchisi.
9.	<p>Taqrizchilar:</p> <p><i>U.D. Durdiyev-</i> Buxoro davlat universiteti "Differensial tenglamalar" kafedrasi mudiri</p> <p><i>Z.R. Bozorov – V.I. Romanovskiy nomidagi Matematika instituti Buxoro bo'limmasi katta ilmiy xodimi (PhD).</i></p>