

**MINISTRY OF HIGHER EDUCATION, SCIENCE AND INNOVATION  
OF THE REPUBLIC OF UZBEKISTAN**

**NATIONAL UNIVERSITY OF UZBEKISTAN NAMED AFTER  
MIRZO ULUGBEK**

**INSTITUTE OF MATHEMATICS NAMED AFTER  
V. I. ROMANOVSKY**

**ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF UZBEKISTAN  
MATHEMATICAL SOCIETY OF UZBEKISTAN**



**PROCEEDINGS OF THE SEMINAR**  
dedicated to the memory of professor M.I. Isroilov on April 27, 2024  
**(CMT2024)**

**“HISOBLASH MODELLARI VA TEXNOLOGIYALARI”**  
**(CMT2024)**  
professor M.I. Isroilov tavalludining 90 yilligiga bag‘ishlangan uchinchi xalqaro  
seminar

Труды международного семинара,  
посвященном 90-летию профессора М.И.Исроилова 27 апреля 2024 г.  
**«ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫЕ МОДЕЛИ И ТЕХНОЛОГИИ»**  
**(CMT2024)**

**Tashkent-2024**

**MINISTRY OF HIGHER EDUCATION, SCIENCE AND INNOVATION  
OF THE REPUBLIC OF UZBEKISTAN**

**NATIONAL UNIVERSITY OF UZBEKISTAN NAMED AFTER  
MIRZO ULUGBEK**

**INSTITUTE OF MATHEMATICS NAMED AFTER  
V. I. ROMANOVSKY**

**ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF UZBEKISTAN  
MATHEMATICAL SOCIETY OF UZBEKISTAN**

**PROCEEDINGS OF THE SEMINAR**

**dedicated to the memory of professor M.I. Isroilov on April 27, 2024  
(CMT2024)**

**“HISOBLASH MODELLARI VA TEXNOLOGIYALARI”  
(CMT2024)**

**professor M.I. Isroilov tavalludining 90 yilligiga bag‘ishlangan uchinchi xalqaro  
seminar**

**Труды международного семинара,  
посвященном 90-летию профессора М.И.Исроилова 27 апреля 2024 г.  
«ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫЕ МОДЕЛИ И ТЕХНОЛОГИИ»  
(CMT2024)**

**Tashkent-2024**

“Вычислительные модели и технологии”: труды международного семинара (27 апреля 2024 года, г.Ташкент). Руководитель семинара д.ф.-м.н., проф. Р.Д.Алоев.-Ташкент, НУУз имени Мирзо Улугбека, 2024, - 243с.

Сборник содержит материалы международного семинара, посвященного 90-летию М.И.Исроилова “Вычислительные модели и технологии”, предназначен для магистрантов, преподавателей и студентов вузов, научных работников, специалистов в области вычислительной математики, искусственного интеллекта и информационной безопасности.

### **Оргкомитет семинара:**

профессор Арипов М.М.	-Модератор семинара, НУУз
доцент Худойбергганов М.У.	-Председатель оргкомитета
профессор Алоев Р.Д	-Председатель семинара, научный руководитель, НУУз

### **Члены оргкомитета семинара:**

профессор Расулов А.С.	-Председатель секции «Методы Монте-Карло», УМЭД
профессор Шодиметов Х.М.	-Председатель секции «Кубатурные формулы», Институт математики АН РУз
доцент Худойбергганов М.У.	-Председатель секции «Вычислительные методы», НУУз
профессор Матякубов А.С.	-Председатель секции «Математическое моделирование», НУУз
профессор Мадрахимов Ш.Ф.	-Председатель секции «Искусственный интеллект», НУУз
доцент Болтаев Ш.	-Председатель секции «Информационная безопасность», НУУз

### **Члены редакционной коллегии:**

профессор Эшкватов З.К.	-Ответственный секретарь подготовки сборника «Научные труды М.И.Исроилова», НУУз
профессор Варламова Л.П., Чориёров Н.К	-Компьютерная верстка, подготовка макета сборника трудов международного семинара «Вычислительные модели и технологии», НУУз
профессор Аллаков И.	-Ответственный секретарь подготовки книги «Научные труды М.И.Исроилова», НУУз
профессор Хаётов А.Р.	-Ответственный секретарь подготовки сборника статей
Профессор Сейтов А.Ж., Каххоров А.	-Ответственный секретарь подготовки web-сайта международного семинара «Вычислительные модели и технологии», НУУз
доцент Худойбергганов М.У.	-Учёный секретарь международного семинара «Вычислительные модели и технологии», НУУз
доцент Бахромов С.А.	-Ответственный секретарь по общим вопросам
Абдурахмонов О.А., Каримов Д.К., Курбонов Н.	-Общие вопросы семинара -Технические секретари семинара

## ПРЕДИСЛОВИЕ

Сборник трудов международного семинара «Вычислительные модели и технологии», посвященного 90-летию профессора М.И.Исроилова, прошедшего 27 апреля 2024 года в Национальном университете Узбекистана имени Мирзо Улугбека.

В память о выдающемся ученом, профессоре Маъруфе Исроиловиче Исроилеве был организован международный семинар. Профессор Маъруф Исроилович Исроилов является основоположником и создателем национальной школы по теории чисел и вычислительной математике в Узбекистане.

Профессор М.И.Исроилов внес большой вклад в решении проблем современности по теории чисел, вычислительной математике и теории приближения, оставив в мировой науке глубокий след и богатое научное наследие. Помимо научной работы, профессор Исроилов М.И. вел методическую и воспитательную работу среди молодежи. Ученики Исроилова М.И. успешно работают и по сей день в различных отраслях науки и экономики республики Узбекистан.

Семинар, ставший традиционным, служит ярким примером развития работ профессора Исроилова М.И., включает в себя работы по основным направлениям вычислительной математики:

- вычислительные методы;
- кубатурные формулы;
- методы Монте-Карло;
- математическое моделирование;
- искусственный интеллект;
- информационная безопасность.

В работе семинара приняли участие ведущие специалисты в области вычислительной математики, ученики профессора Исроилова М.И. и молодые ученые из Узбекистана, Малайзии, Китая, России.

Целью международного семинара «Вычислительные модели и технологии» было обсуждение научных результатов ученых за последние годы в бурно развивающихся областях вычислительной математики, математического моделирования, искусственного интеллекта и информационной безопасности.

Сборник трудов международного семинара послужит хорошим подспорьем молодым ученым, магистрантам, преподавателям и специалистам в области вычислительной математики, теории чисел и теории приближения.

## Table of Contents

<b>SESSION 1. COMPUTATIONAL MATHEMATICS.....</b>	<b>8</b>
<b>Eshkuvatov Z.K.</b> Quadrature formula for approximating the singular integral of cauchy type .....	8
<b>Aloev R.D., Ilyani Abdullah, Shalela Mohd Mahali</b> Lyapunov stability of an upwind difference scheme for a quasilinear hyperbolic system.....	12
<b>B.Yusoff</b> Introduction to circular q-rung orthopair fuzzy sets.....	13
<b>R. Nawaz, N. M. A. Nik Long</b> Caputo fractional differential equations for low-risk individuals of the tuberculosis transmission disease.....	13
<b>Eshkuvatov Z.K., Salimova N.M., Xudoyberganov M.O‘.</b> Solving system of volterra integral equations of the first and second kind by modified adomian decomposition method .....	14
<b>Rasulov A.S., Raimova G.M.</b> Application of Monte Carlo and asynchronous methods in solving financial problems .....	15
<b>Маматов А.Р.</b> Алгоритм решения одной задачи билинейного программирования .....	16
<b>Нормуродов Ч.Б., Абдурахимов Б.Ф., Джураева Н.Т.</b> О сходимости метода предварительного интегрирования .....	17
<b>Солеев А.С., Розет И.Г., Мухтаров Я.</b> Исследование эколого-медицинских моделей методами бифуркационных параметров в конечно разностных дискретных системах .....	19
<b>Mamatova H., Eshkuvatov Z.K., Ismail Sh.</b> Hybrid method for bounded and unbounded solution of the system of cauchy-type singular integral equations of the first kind .....	22
<b>Aloyev R.D., Ovlayeva M.X., Egamberdiyeva D.Z.</b> Giperbolik sistema uchun qo‘yilgan chegaraviy boshqarish masalasi uchun oshkormas ayirmali sxemasi turg‘unligini tadqiq etish .....	23
<b>Aloyev R.D., Ovlayeva M.X., Fattoyeva N.G‘.</b> Dinamik chegaraviy shartlariga ega ikki o‘lchovli giperbolik sistema uchun oshkormas ayirmali sxemani qurish, turg‘unligini tekshirish .....	24
<b>Aloev R.D., Alimova V.B.</b> Exponential stability of a numerical solution of a hyperbolic system with negative nonlocal characteristic velocities .....	25
<b>Qurbonov J.S.</b> Funktsiyalarni interpolatsiyalash masalasi. Splayn funktsiyalarni klassik interpolatsion ko‘pxadlardan afzalligi.....	26
<b>Dalabaev U., Hasanova D.R.</b> Some approaches to improving solutions of differential equations .....	28
<b>Аллаков И., Иمامов О.Ш.</b> О число решении одной квадратного уравнение в простых чисел из арифметической прогрессии .....	30
<b>Xudoyberganov M.O‘., Karimov D.</b> To‘lqin tenglamasiga qo‘yilgan aralash masala sonli yechimining Lyapunov bo‘yicha turg‘unligi.....	32
<b>Abdullaev E.S., Zakirov V.M.</b> Servicing requests by controlling request intervals during times of high traffic .....	34
<b>Rasulov A.S., Matqurbanov G.B.</b> Yevropa turdagi opsiyoning narxini diskret va uzluksiz holda hisoblash.....	36
<b>Abdiquahhorov S., Choriyorov N.Q., Abduraxmonov O.N., Seytov A.J.</b> Ochiq kanallarda suvning ikki o‘lchamli beqaror harakati masallarini yechish uchun chekli element usulidan foydalanish .....	39
<b>Kurbonnazarov A.I., Boltayev N.D.</b> Hilbert fazosida Furiye koeffitsiyentlarini hisoblash uchun giperbolik funktsiyalarga aniq optimal kvadratur formula.....	41
<b>Doniyorov N.N.</b> Chekli elementlar usullari uchun yangi algebraik – trigonometrik bazis funktsiyalarni qurish.....	43
<b>Hayotov A.R., Babaev S.S.</b> Weighted optimal quadrature formula with derivative in the space $W_2^{(2,1)}$ .....	45
<b>Akhmedov D.M., Aliev Sh.E.</b> Optimal quadrature formulas for singular integrals of cauchy type in $L_2^{(m)}(-1,1)$ .....	46
<b>Akhmedov D.M., Hayotova S.A.</b> Optimal quadrature formula for reconstruction of tomographic images of radial symmetric functions .....	47
<b>Nuraliev F.A., Kuziev Sh.S.</b> Coefficients of the optimal quadrature formulas with derivatives .....	48

<b>Babaev S.S., Mirzoyeva S.O.</b> The numerical solution of a volterra integral equation of the second kind using the Galerkin method based on the coefficients of the optimal interpolation .....	51
<b>Babaev S.S., Ganiyeva M.N.</b> The numerical solution of a volterra integral equation the second kind by optimal quadrature formula.....	52
<b>Abduaxadov A.A., Yusufova G.Sh.</b> Construction of the optimal quadrature formula for highly oscillatory integrals using the PHI function method.....	53
<b>Boytillayev B.A.</b> Construction of optimal formulas for approximate solution of generalized Abel's integral equations of fractional order .....	54
<b>Jabborov X.X.</b> Sobolevning $L_2^{(1)}(0, 2\pi)$ fazosida gilbert yadroli singular integrallar uchun optimal kvadratur formulaning koeffitsiyentlari .....	57
<b>Пья V. Boykov</b> Approximate methods for calculating hypersingular integrals .....	60
<b>Arasheva S., Abdujabborov Z., Seytov A.</b> Mathcad dasturida matematik analiz misol va masalalarini yechish algoritmlari.....	60
<b>Beshimov N., Kamboyev B., Seytov A.</b> Hosila hisoblashning sodda qoidalari. Elementar funksiyalarning hosilalari.....	63
<b>Жалолов О.И., Барноева З.Э., Махмудов М.М.</b> Практичные асимптотические оптимальные кубатурные формулы в пространстве Соболева $\bar{L}_p^{(m)}(S_n)$ .....	66
<b>Жалолов О.И., Мухсинова М.Ш.</b> Нахождении элемент рисса и норма функционала погрешности квадратурной формулы типа фурье в пространстве Хёрмандера $H_2^\mu(R)$ .....	68
<b>Жалолов О.И., Хаятов Х.У.</b> Алгоритм построении квадратурных формул с помощью оптимальной интерполяционной формулы в пространстве С.Л.Соболева $\tilde{W}_2^{(m)}(T_1)$ .....	69
<b>SESSION 2. INFORMATION SECURITY.....</b>	<b>72</b>
<b>Tuyboyov O.V., Normatov S.B.</b> Collaborative creativity between humans and AI .....	72
<b>Tuyboyov O.V., Normatov S.B.</b> Impacts of AI on the future of work and employment .....	74
<b>Муртазин Э.Р., Петров Р.И.</b> Революция в кибербезопасности: роль симуляций и виртуальных сред в тестировании и оптимизации расчетных моделей .....	77
<b>Нормуродов Д.Г.</b> Исследование уязвимостей интернета вещей (IoT) и методы их устранения 79	
<b>Акабирходжаева Д.Р.</b> Меры и предложения по обеспечению информационной безопасности личности в узбекистане в условиях глобализации.....	81
<b>Tuychiev G.N., Jumakulov A.K.</b> The network srepes16-4.....	84
<b>Bekmirzaev O.N., Eshonqulov N.D.</b> Analysis the tools of protection DDoS attacks and their features .....	88
<b>Sayfullayev Sh.B.</b> Kiberxavfsizlik asoslari fanidan darslarni o'tish konseptual modeli.....	91
<b>Anvarjonov Kh., Alijonov A.</b> Steganography in IoT communications .....	93
<b>Arolova Sh., O'Imasov A.</b> IoT tizimlarida trojan hujumlar.....	95
<b>Xolbo'tayeva L.G.</b> Blowfish simmetrik blokli shifrlash algoritmi .....	97
<b>Sattorov I.</b> Axborot xavfsizligidagi zaifliklarini aniqlash klassifikatsiyasi .....	99
<b>Mirzaxmedova E.X.</b> Kriptografik hesh funksiya algoritmlarining qiyosiy tahlili.....	101
<b>Liu Lingyun</b> Research on software optimization methods for SM4 and SM4 variant.....	103
<b>SESSION 3. MATHEMATICAL MODELING .....</b>	<b>106</b>
<b>Aripov M., Bobokandov M.</b> Cauchy problem for a double nonlinear parabolic non-divergence form equation with a critical exponent .....	106
<b>Friday Zinzendoff Okwonu</b> High dimensional diagonal classification methods .....	108
<b>Kumykov T.S., Parovik R.I.</b> Modeling thunderstorms formation within the mid-latitude taking into account cloud fractal properties .....	109
<b>Рахмонов З.Р., Урунбаев Ж.Э.</b> Об одной задачи кросс диффузии с нелинейными граничными условиями .....	111
<b>Саидов У.М.</b> Ионлашган суспензияларни фйльтрлашда математик модел ишлаб чиқиш .....	112

$$\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)' = \left(f(x) \cdot \frac{1}{g(x)}\right)' = f'(x) \cdot \frac{1}{g(x)} + f(x) \cdot \left(\frac{1}{g(x)}\right)' = \frac{f'(x)}{g(x)} - \frac{f(x) \cdot g'(x)}{g(x)^2} = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g(x)^2}$$

1-natija. Yuqorida keltirilgan (1) va (2) formulalar yordamida qo'shiluvchilar hamda ko'paytuvchilar soni ixtiyoriy chekli bo'lgan holda ham tegishli formulalarni isbotlash mumkin.

2) (12) formuladan  $g(x) = c$ ,  $c = \text{const}$  bo'lganda  $(c \cdot f(x))' = c \cdot f'(x)$  formula kelib chiqadi. Bundan o'zgarmas sonni hosila ishorasidan tashqariga chiqarish mumkinligi kelib chiqadi.

Bu yerda biz natural son va  $f(x)$  funksiya ko'paytmasini ko'rishimiz mumkin.

Bundan kelib chiqadiki hozir faqat  $f(x)$  nomalumdan ahohida hosila oladi.

$$\frac{d}{dx}(c \cdot f(x)) \rightarrow c \cdot \frac{d}{dx} f(x) \quad (21)$$

3-eslatma. Ikki funksiya yig'indisi, ayirmasi, ko'paytmasi va nisbatidan iborat bo'lgan funksiyaning hosilaga ega bo'lishidan bu funksiyalardan har birining hosilaga ega bo'lishi doim kelib chiqavermaydi. Bunga misollar topishni o'quvchiga havola qilamiz.

### Adabiyotlar ro'yxati

1. Rakhimov, S., Seytov, A., Nazarov, B., Buvabekov, B., Optimal control of unstable water movement in canals of irrigation systems under conditions of discontinuity of water delivery to consumers. IOP Conf. Series: Materials Science and Engineering 883 (2020) 012065, Dagestan, 2020, IOP Publishing DOI:10.1088/1757-899X/883/1/012065 (№5, Scopus, IF=4,652)
2. Rakhimov, S., Seytov, A., Kudaybergenov, A. Modeling and optimization of water supply processes at large pumping stations. Global and Stochastic Analysis, 2021, 8(3), стр. 57–62.
3. Kabulov A.V., Seytov A.J., Kudaybergenov A.A. Optimal water distribution in large main canals of irrigation system // Global and Stochastic Analysis. – 2021. Vol.8, No.3. Pp. 45-53. (№3 Scopus IF = 9.6246)
4. Seytov, A., Turayev, R., Jumamuratov, D., Kudaybergenov, A. Mathematical Models for Calculation of Limits in Water Resources Management in Irrigation Systems. International Conference on Information Science and Communications Technologies: Applications, Trends and Opportunities, ICISCT 2021, 2021
5. Shavkat Rakhimov, Aybek Seytov, Murod Sherbaev, et al. Algorithms for solving the problems of optimizing water resources management on a reservoir seasonal regulation. AIP Conference Proceedings 2432, 060023 (2022); <https://doi.org/10.1063/5.0090412>
6. Rakhimov S., Seytov A., Rakhimova N., Xonimqulov B. Mathematical models of optimal distribution of water in main channels // 4th IEEE International Conference on Application of Information and Communication Technologies, AICT 2020 - Proceedings, 2020, 9368798. (№ 3, Scopus, IF=3,557).
7. Kabulov, A., Normatov, I., Seytov, A., Kudaybergenov, A. Optimal management of water resources in large main canals with cascade pumping stations. IEMTRONICS 2020 - International IOT, Electronics and Mechatronics Conference, Proceedings, 2020, 9216402.

УДК 519.54

## ПРАКТИЧНЫЕ АСИМПТОТИЧЕСКИЕ ОПТИМАЛЬНЫЕ КУБАТУРНЫЕ ФОРМУЛЫ В ПРОСТРАНСТВЕ СОБОЛЕВА $\bar{L}_p^{(m)}(S_n)$

О.И. Жалолов<sup>1,а)</sup>, З.Э. Барноева<sup>1</sup>, М.М. Махмудов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Бухарский государственный университет

В настоящей работе рассматриваются практически асимптотически оптимальные кубатурные формулы в пространстве  $\bar{L}_p^{(m)}(S_n)$ . Многомерные кубатурные формулы отличаются от одномерных двумя особенностями:

- 1) бесконечно разнообразны формы многомерных областей интегрирования;
- 2) быстро растёт число узлов интегрирования с увеличением размерности пространства. Проблема 2) требует особого внимания к построению наиболее экономных формул.

В настоящей работе рассматриваются формулы именно с учётом этого требования. Как известно, что выражением Н.С. Бахвалова такие формулы называется “практичные формулы” [1]

Пусть функции  $f(\theta)$ , заданные на единичной сфере  $S_n$  принадлежат некоторому Банаховому пространству  $B$ , вложенному в пространство  $C(S_n)$  непрерывных функций на  $S_n$ . Функции  $f(\theta) \in B$  продолжим на все пространство  $R^n$ , считая их постоянными на лучах, выходящих из центра сферы  $S_n$  и будем обозначать через  $\bar{f}(x)$ .

Рассмотрим погрешность кубатурной формулы

$$\int_S f(\theta) d\theta \approx \sum_{\lambda=1}^N C_\lambda f(\theta^{(\lambda)}), \quad (1)$$

на функциях из  $n$ - мерной единичной сфере  $S_n$ :

$$\ell_N[f] = \langle \ell_N, f \rangle = \int_S f(\theta) d\theta - \sum_{\lambda=1}^N C_\lambda f(\theta^{(\lambda)}) = \int_{R^n} \ell_N f(x) dx, \quad (2)$$

$$\ell_N(x) = \delta_S(1-r) - \sum_{\lambda=1}^N C_\lambda \delta(x - \theta^{(\lambda)}), \quad (3)$$

$\delta_S(1-r)$ ,  $\delta(x - \theta^{(\lambda)})$  - дельта функции Дирака,  $r = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2}$ ,  $\sum_{\lambda=1}^N C_\lambda = \frac{2\pi^{n/2}}{\Gamma(n/2)}$

. Для решения этой задачи в качестве  $B$  возьмём пространство  $\bar{L}_p^{(m)}(S_n)$ .

**Определение.** Пространства  $\bar{L}_p^{(m)}(S_n)$  - определяется как пространство функций заданных на  $S_n$  и норма функций, которая определяется следующим равенством

$$\|f(\theta)/\bar{L}_p^{(m)}(S_n)\| = \left\{ \int_{S_n} \left( \frac{\partial^m f(\theta)}{\partial \theta_1^{m_1} \partial \theta_2^{m_2} \dots \partial \theta_n^{m_n}} \right)^p d\theta \right\}^{\frac{1}{p}}, \quad (4)$$

где  $m_1 + m_2 + \dots + m_n = m, m_i > 0, i = \overline{1, n}$

со скалярным произведением

$$(f(\theta), \varphi(\theta))_{\bar{L}_p^{(m)}(S_n)} = \left\{ \int_{S_n} \left( \frac{\partial^m f(\theta)}{\partial \theta^m} \right)^{\frac{p}{2}} \left( \frac{\partial^m \varphi(\theta)}{\partial \theta^m} \right)^{\frac{p}{2}} d\theta \right\}^{\frac{1}{p}}, \quad (5)$$

где  $\partial \theta^m = \partial \theta_1^{m_1} \partial \theta_2^{m_2} \dots \partial \theta_n^{m_n}$ ,  $m = m_1 + m_2 + \dots + m_n$ ,  $d\theta = d\theta_1 d\theta_2 \dots d\theta_n$ .

**Теорема.** Если для функционала погрешности (3) кубатурной формулы (1) над пространством  $\bar{L}_p^{(m)}(S_n)$  выполняется условие Декартовых произведений, т.е.

$$\ell_N(\theta) = \ell_{N_1}(\theta_1) \otimes \ell_{N_2}(\theta_2) \otimes \dots \otimes \ell_{N_n}(\theta_n)$$

и

$$\left\| \ell_{N_i}(\theta_i) / \bar{L}_p^{(m_i)}(\omega_i) \right\| \leq d_i \frac{1}{N_i^{m_i}}, d_i - \text{константы}, \quad (6)$$

т.е.

$$\left\| \ell_{N_i}(\theta_i) / \bar{L}_p^{(m_i)*}(\omega_i) \right\| \leq d_i o(h^{m_i}), d_i - \text{константы}, \quad (7)$$

то

$$\left\| \ell_N(\theta) / \bar{L}_p^{(m)*}(s_n) \right\| \leq d \cdot \frac{1}{\prod_{i=1}^n N_i^{m_i}}, d - \text{константы}, \quad (8)$$

или

$$\left\| \ell_N(\theta) / \bar{L}_p^{(m)*}(s_n) \right\| \leq d \cdot o(h^m) \quad (9)$$

где

$$\ell_{N_i}(\theta_i) = \varepsilon_{\omega_i}(\theta_i) - \sum_{\lambda_i=1}^{N_i} c_{\lambda_i} \delta(\theta_i - \theta_i^{(\lambda_i)})$$

$$d = \prod_{i=1}^n d_i, \quad m = m_1 + m_2 + \dots + m_n, \quad m_i - \text{произвольны } (i = \overline{1, n}) \text{ т.е. } 0 \leq m_i \leq m \text{ и}$$

$$\omega_i = \begin{cases} [0, 2\pi], & \text{если } i = n \\ [0, \pi], & \text{если } i = \overline{1, n-1} \end{cases}$$

## Литературы

1. Бахвалов Н.С. Численные методы, т.1, М, Наука, 1973.
2. Соболев С.Л., Введение в теорию кубатурных формул. М.: Наука, 1974. – 808с.
3. Jalolov O.I. Weight optimal order of convergence cubature formulas in Sobolev space.// AIP Conference Proceedings 2365, 020014 (2021). DOI: <https://doi.org/10.1063/5.0057015>.
4. Jalolov O.I. Weight Optimal Order of Convergence Cubature Formulas in Sobolev Space  $\bar{L}_p^{(m)}(K_n)$ , AIP
5. Conference Proceedings 2781 (1), 020066 (2023 ). DOI: <https://doi.org/10.1063/5.0144837>.
6. O. I. Jalolov. “Asymptotically optimal lattice cubature formulas with a regular boundary layer in the space  $H_p^\mu(\Omega)$ ”, AIP Conference Proceedings. 3004, 060028 (2024), DOI: <https://doi.org/10.1063/5.0199854>

УДК 517.516.87

## НАХОЖДЕНИИ ЭЛЕМЕНТ РИССА И НОРМА ФУНКЦИОНАЛА ПОГРЕШНОСТИ КВАДРАТУРНОЙ ФОРМУЛЫ ТИПА ФУРЬЕ В ПРОСТРАНСТВЕ ХЁРМАНДЕРА $H_2^\mu(R)$

О.И. Жалолов<sup>1,а)</sup>, М.Ш. Мухсинова<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Бухарский государственный университет

<sup>а)</sup> o\_jalolov@mail.ru

В настоящей работе рассмотрим следующую квадратурную формулу:

$$\int_0^1 e^{2\pi i \sigma x} f(x) dx \approx \sum_{\beta=0}^N C_\beta f(x_\beta), \quad (1)$$