



МУАММОҲОИ МУОСИРИ МАТЕМАТИКА ВА ТАЪЛИМИ ОН

(Маводи конференсияи байналмилалии илмӣ-амалӣ бахшида ба 35 –солагии Истиқлоли давлатии Ҷумҳурии Тоҷикистон, 30-солагии Конституцияи Ҷумҳурии Тоҷикистон, “Бистсолаи омӯзиш ва рушди фанҳои табиатшиносӣ, дақиқ ва риёзӣ дар соҳаи илму маориф” ва 70-солагии доктори илмҳои физикаю математика Тухлиев Қамаридин, Хучанд, 21-22 Июни соли 2024)

ҚИСМИ 2
ЧАСТЬ 2

ХУЧАНД - 2024

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ
РЕСПУБЛИКИ ТАДЖИКИСТАН**

**ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
«ХУДЖАНДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ АКАДЕМИКА БОБОДЖОНА ГАФУРОВА»**

МАТЕРИАЛЫ

**МЕЖДУНАРОДНОЙ НАУЧНО - ПРАКТИЧЕСКОЙ КОНФЕРЕНЦИИ
«СОВРЕМЕННЫЕ ПРОБЛЕМЫ МАТЕМАТИКИ И ЕЁ ПРЕПОДАВАНИЯ»
ПОСВЯЩЕННАЯ 35 – ЛЕТИЮ ГОСУДАРСТВЕННОЙ НЕЗАВИСИМОСТИ
РЕСПУБЛИКИ ТАДЖИКИСТАН, 30 ЛЕТИЮ КОНСТИТУЦИИ РЕСПУБЛИКИ
ТАДЖИКИСТАН, «ДВАДЦАТИЛЕТИЮ ИЗУЧЕНИЯ И РАЗВИТИЯ
ЕСТЕСТВЕННЫХ, ТОЧНЫХ И МАТЕМАТИЧЕСКИХ НАУК В СФЕРЕ НАУКИ
И ОБРАЗОВАНИЯ» И 70-ЛЕТИЮ ДОКТОРА
ФИЗИКО - МАТЕМАТИЧЕСКИХ НАУК ТУХЛИЕВА КАМАРИДИНА**

(ХУДЖАНД, 21-22 ИЮНЯ 2024Г.)

ХУДЖАНД - 2024

ОРГАНИЗАЦИОННЫЙ КОМИТЕТ

председатель: Усмонзода А.И., ректор ГОУ «Худжандский государственный университет имени акад. Б.Гафурова»

заместители председателя: Саидзода Д.А. проректор по науке и инновации, Музафаров Д.З. декан математического факультета, Хамдамов Ш.Дж. заведующей кафедрой информатики и вычислительной математики.

члены оргкомитета: Тухлиев К., Олими А.Г., Муллоджанов М., Рашидов А., Раджабова С.Дж., Джумаев Б.М., Дадоджонова М.Ё., Ризоев Э.С.

Ответственные секретари: Маликов А.М., Муродов К.Н.

ПРОГРАММНЫЙ КОМИТЕТ

председатели: академики НАНТ М.Ш.Шабозов и М.И.Илолов,

члены: академики НАНТ - Н.Р.Раджабов, З.Х.Рахмонов, члены корреспонденты НАНТ И.Курбонов, Э.М. Мухаммадиев (Россия), С.А.Исхоков, член-корреспондент АО РТ М.Нугманов, доктора физико-математических наук, профессора В.И.Иванов (Россия), А.Г.Бабенко (Россия), А.Р.Алимов (Россия), В.А.Горбунов (Россия), А.Б.Назимов (Россия), Х.Шадиметов (Узбекистан), А.Хаётов (Узбекистан), Л.П.Югай (Узбекистан), Н.Мамадалиев (Узбекистан), К.Б.Бараталиев (Киргизия), М.М.Тайиров (Киргизия), С.Байзоев, Д.С.Сафаров, Г.Джангибеков, Г.А.Юсупов, Ю.Хасанов, Ф.М.Шамсуддинов, Ё.М.Мухсинов; доктора педагогических наук, профессора Б.Р.Кодиров (Россия), А.Э.Сатторов, О.И.Исломов, А.А.Азизов; кандидаты физико-математических наук, доценты Дж.Х.Бекназаров, Д.К.Тухлиев, кандидат технических наук, профессор Х.И.Ханбабаев (Узбекистан), доктор философии по педагогическим предметам(PhD), О.Г.Гаимназаров (Узбекистан), доктор философии по физико-математическим предметам (PhD) С.С.Бабаев (Узбекистан);

© ГОУ ХГУ имени академика Б.Гафурова, 2024.

МУНДАРИЧА
СОДЕРЖАНИЕ

1. **А. И. Усмонзода.** Муаммоҳои муосири математика ва таълими он12
2. **М. Ш. Шабозов, М. И. Илолов, С. Байзоев, А. Б. Назимов, Г. А. Юсупов, Ё. М. Мухсинов.** Профессору Тухлиеву Камаридину 70 лет.....15

БАХШИЗ

АЛГЕБРА, НАЗАРИЯИ АДАДҲО ВА МАТЕМАТИКАИ ҲИСОББАРОР

СЕКЦИЯЗ

АЛГЕБРА И ТЕОРИЯ ЧИСЕЛ, ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ МАТЕМАТИКА

1. **M. Shakarova.** Inverse problem for subdiffusion equation with integral overdetermination....18
2. **S. M. Tashpulatov.** Structure of essential spectra and discrete spectrum of the energy operator of four-electron systems in the impurity hubbard model. Singlet state.....20
3. **M. M. Toshmatova.** Solving the mathematical model of the railway plan in the method of subtraction systems.....24
4. **S. I. Uralova.** Differential games with non-stationary constraints of langenhop type.....27
5. **С. С. Азамов.** Коэффициенты оптимальной квадратурной формулы в пространстве $S_2(P_3)$33
6. **D. M. Akhmedov.** On an approximate method for solving the characteristic singular integral equation with the cauchy kernel.....34
7. **А. К. Болтаев.** Дискретная система типа Винера – Хопфа одной квадратурной формулы.....36
8. **О.И. Жалолов, М.М. Махмудов** Нахождении элемент Рисса и норма функционала погрешности квадратурной формулы типа Эрмита в пространстве Соболева $W_2^\mu(R)$...41
9. **А. Ш. Даужанов, Т.М. Омаров, Г.А.Каниязова.** Об определениях и методах теории обобщённых функций.....43
10. **О. И. Жалолов, Б. О. Исомиддинов, С. С. Элмуродова.** Асимптотически оптимальных практичных кубатурных формул в пространстве $\bar{L}_2^{(m)}(S_n)$ 46
11. **О. И. Жалолов, М. Ш. Мухсинова.** Существование и единственность оптимальной квадратурной формулы для интегралов типа Фурье в пространстве Хёрмандера $H_2^\mu(R)$ 48
12. **Ф. И. Жалолов, Б. О. Исомиддинов, Ш. Ё. Аминова.** Коэффициенты оптимальных весовых квадратурных формул в пространстве Соболева $\tilde{W}_2^{(m)}(T_1)$ 50
13. **А. Б. Назимов, М. Муллоджанов, М. А. Очилова.** Обобщенная циркулянтная матрица и алгоритм ее быстрой обработки.....52
14. **F. A. Nuraliyev, G. Sh. Abdullayeva.** The coefficients of the spline minimizing the semi norm in $K_2(P_3)$56
15. **F. A. Nuraliev, Sh. S. Kuziev.** An upper estimate of the error of the derivative optimal quadrature formula.....58
16. **Ф. А. Нуралиев, Ш. Ш. Уликов.** Экстремальная функция квадратурной формулы факторизованном простронсве соболева $W_2^{(m)}(0,1)$62

$$\ell_N(\theta) = \ell_{N_1}(\theta_1) \otimes \ell_{N_2}(\theta_2) \otimes \dots \otimes \ell_{N_n}(\theta_n)$$

и

$$\left\| \ell_{N_i}(\theta_i) / \bar{L}_2^{(m_i)}(\omega_i) \right\| \leq d_i \frac{1}{N_i^{m_i}}, \quad d_i - \text{константы}, \quad (6)$$

т.е.

$$\left\| \ell_{N_i}(\theta_i) / \bar{L}_2^{(m_i)*}(\omega_i) \right\| \leq d_i o(h^{m_i}), \quad d_i - \text{константы}, (i = \overline{1, n}), \quad (7)$$

то

$$\left\| \ell_N(\theta) / \bar{L}_2^{(m)*}(S_n) \right\| \leq d \cdot \frac{1}{\prod_{i=1}^n N_i^{m_i}}, \quad d - \text{константы}, \quad (8)$$

или

$$\left\| \ell_N(\theta) / \bar{L}_2^{(m)*}(S_n) \right\| \leq d \cdot o(h^m) \quad (9)$$

где

$$\ell_{N_i}(\theta_i) = \varepsilon_{\omega_i}(\theta_i) - \sum_{\lambda_i=1}^{N_i} c_{\lambda_i} \delta(\theta_i - \theta_i^{(\lambda_i)})$$

$$d = \prod_{i=1}^n d_i, \quad m = m_1 + m_2 + \dots + m_n, \quad m_i - \text{произвольны } (i = \overline{1, n}) \text{ т.е. } 0 \leq m_i \leq m$$

$$\text{и } \omega_i = \begin{cases} [0, 2\pi], & \text{если } i = n \\ [0, \pi], & \text{если } i = \overline{1, n-1} \end{cases}$$

ЛИТЕРАТУРА

1. Бахвалов Н.С. Численные методы, т.1, М, Наука, 1973г.
2. Соболев С.Л., Введение в теорию кубатурных формул. М.: Наука, 1974г. – 808с.
3. Jalolov O.I. Weight Optimal Order of Convergence Cubature Formulas in Sobolev Space $\bar{L}_p^{(m)}(K_n)$, AIP Conference Proceedings 2781 (1), 020066 (2023). DOI: <https://doi.org/10.1063/5.0144837>.
4. Jalolov O. I. “Asymptotically optimal lattice cubature formulas with a regular boundary layer in the space $H_p^\mu(\Omega)$ ”, AIP Conference Proceedings. 3004, 060028 (2024), DOI: <https://doi.org/10.1063/5.0199854>.

УДК 517.516.87

О.И. Жалолов¹, М.Ш. Мухсинова¹

¹Бухарский государственный университет. Узбекистан

СУЩЕСТВОВАНИЕ И ЕДИНСТВЕННОСТЬ ОПТИМАЛЬНОЙ КВАДРАТУРНОЙ ФОРМУЛЫ ДЛЯ ИНТЕГРАЛОВ ТИПА ФУРЬЕ В ПРОСТРАНСТВЕ ХЁРМАНДЕРА $H_2^\mu(R)$

Аннотация: В настоящей работе вычислена нормы функционала погрешности и найдена экстремальная функция квадратурной формулы для интегралов типа Фурье в пространстве Хёрмандера $H_2^\mu(R)$. А также доказана существование и единственность оптимальные квадратурные формулы в пространстве Хёрмандера $H_2^\mu(R)$.

Ключевые слова: Обобщенная функция, оптимальные квадратурные формулы, пространство Соболева, норма, функционал погрешности, интерполяционная формула, экстремальная функция.

O.I. Jalolov¹, M.Sh. Mukhsinova¹

¹Bukhara State University, Republic of Uzbekistan

EXISTENCE AND UNIQUENESS OF AN OPTIMAL QUADRATURE FORMULA FOR FOURIER-TYPE INTEGRALS IN HÖRMANDER $H_2^\mu(R)$ SPACE

Abstract: In this paper, the norms of the error functional are calculated and the extremal function of the quadrature formula for Fourier-type integrals in the Hörmander space $H_2^\mu(R)$ is found. We also proved the existence and uniqueness of optimal quadrature formulas in the Hörmander space $H_2^\mu(R)$.

Key words: Generalized function, optimal quadrature formulas, Sobolev space, norm, error functional, interpolation formula, extremal function.

В настоящей работе рассмотрим следующую квадратурную формулу:

$$\int_0^1 e^{2\pi i \sigma x} f(x) dx \approx \sum_{\beta=0}^N C_\beta f(x_\beta) \quad (1)$$

с функционалом погрешности

$$\ell_N(x) = \varepsilon_{[0,1]}(x) e^{2\pi i \sigma x} - \sum_{\beta=0}^N C_\beta \delta(x - x_\beta), \quad (2)$$

где соответственно, C_β и x_β называют коэффициентами и узлами квадратурной формулы (1), $\varepsilon_{[0,1]}(x)$ - индикатор отрезка $[0,1]$, $\delta(x)$ - дельта функция Дирака и $f(x)$ является элементом гильбертова пространства Хёрмандера $H_2^\mu(R)$ [1,2] и назовем ее квадратурную формулу для интегралов типа Фурье.

Определение. Пространство $H_2^\mu(R)$ определяется как замыкания пространства бесконечно дифференцируемых функций, убывающих на бесконечности быстрее любой отрицательной степени, которая норма функций определяется следующим образом [1,2]

$$\|f\|_{H_2^\mu(R)} = \left\{ \int_{-\infty}^{\infty} |F^{-1}[\mu(\xi) \cdot F[f^c(x)](\xi)](x)|^2 dx \right\}^{\frac{1}{2}},$$

где $f^c(x)$ класс функций, следы которых в области R совпадают, F -преобразование Фурье, $\mu(\xi)$ бесконечно дифференцируемая, $\mu > 0$, F и F^{-1} прямое и обратное преобразование Фурье:

$$F[f(x)](\xi) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{2\pi i \xi x} dx, \quad F^{-1}[f(x)](\xi) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{-2\pi i \xi x} dx,$$

Справедлива следующих

Теорема 1. Экстремальная функция функционала погрешности (2) квадратурной формулы (1) имеет вид

$$\psi_\ell(x) = [e^{2\pi i \sigma x} \cdot \varepsilon_{[0,1]}(x)] * v_m(x) - \sum_{\beta=0}^N C_\beta v_m(x - h\beta),$$

квадрат нормы функционала погрешности $\ell_N(x)$ в пространстве Хёрмандера $H_2^\mu(R)$ имеет следующий вид

$$\left\| \ell_N \Big|_{H_2^{\mu*}(R)} \right\|^2 = \int_{-\infty}^{\infty} \left| e^{2\pi i \sigma x} \cdot \varepsilon_{[0,1]}(x) * v_m(x) - \sum_{\beta=0}^N C_\beta v_m(x - h\beta) \right|^2 dx,$$

где $v_m(x) = \left(F^{-1} \left(\frac{1}{\mu(\xi)} \right) \right) (x) \in L_2(R)$.

Лемма. Система

$$\left\{ v_m(x - \beta h) \right\}_{\beta=0}^N$$

является линейно независимой системой в пространстве $L_2(R)$ и линейная оболочка этой системы является $(N+1)$ мерным подпространством в $L_2(R)$.

Из этой леммы и из теории существования и единственности наилучшего приближения подпространством следует существование и единственность оптимальной квадратурной формулы для интегралов типа Фурье.

Теорема 2. Оптимальная квадратурная формула для интегралов типа Фурье (1), коэффициенты которой являются решением системы линейных уравнений

$$\psi_\alpha(h\alpha) = 0, \quad \alpha = 0, 1, \dots, N$$

в пространстве Хёрмандера $H_2^\mu(R)$, существует и она является единственной.

Литература

1. Соболев С.Л., Введение в теорию кубатурных формул. М.: Наука, 1974г. – 808с.
2. Валевич Л.Р. и Панеяк Б.П. Некоторые пространства обобщенных функций и теоремы вложения. УМН. XX,1(121),165,3.
3. O. I. Jalolov. “Asymptotically optimal lattice cubature formulas with a regular boundary layer in the space $H_\nu^\mu(\Omega)$ ”, AIP Conference Proceedings. 3004, 060028 (2024), DOI: <https://doi.org/10.1063/5.0199854>.

УДК. 517. 518. 644

Ф.И. Жалолов¹, Б.О. Исомиддинов¹, Ш.Ё. Аминова¹

¹Бухарский государственный университет. Узбекистан

КОЭФФИЦИЕНТЫ ОПТИМАЛЬНЫХ ВЕСОВЫХ КВАДРАТУРНЫХ ФОРМУЛ В ПРОСТРАНСТВЕ СОБОЛЕВА $\tilde{W}_2^{(m)}(T_1)$

Аннотация: Современная постановка проблемы оптимизации формул приближенного интегрирования заключается в минимизации нормы функционала погрешности формулы на выбранных нормированных пространствах. В настоящей работе в пространстве $\tilde{W}_2^{(m)}(T_1)$ периодических функций построена оптимальная квадратурная формула и приведена норма функционала погрешности построенной квадратурной формулы в сопряженном пространстве $\tilde{W}_2^{(m)*}(T_1)$. А также для функционал погрешности квадратурной формулы функций класса $\tilde{W}_2^{(m)}(T_1)$ получена оценку сверху и найдены оптимальные коэффициенты квадратурной формулы при $m = 3$.